

سیدانی تبار

۱۵:۴۵ - ۱۸:۰۰

جلسه اول

اصول طراحی کامپیایر

مؤلف: پورامین

تطویر زبانها و ماشینها
طراحی پیاده سازی زبانها
برنامه سازی

Computer + هوش مصنوعی
کامپیوتر
سیستم های خبره
شبکه های عصبی
منطق فازی
dead lock

تطویر کامپیات: مباحث خنیر پیشرفته ای از تطویر زبانها

تورینگ: Turing تر تورینگ: تورینگ بیان می کند که من تئوری ای را بنیان می نهیم که اگر فردی ماشین آن سافه شود ماشین آن یک ماشین الکترومکانیکی است و این ماشین قادر خواهد بود تمام مسایل را حل کند. از جمله آن مثلا ما برنامه ای بنویسیم که بتواند برای ما برنامه ای بنویسد، یا مثلا برنامه ای بنویسیم که قضایای ریاضی را برای ما اثبات کند. نمی شود برنامه ای نوشت که خودش یک ماشین تورینگ دیگر را حل کند، نمی شود برنامه ای نوشت که این برنامه ضدک شود. اینها هم بیان معنایست که آفریک ماشین تورینگ یک dead lock است. یعنی هیچگاه کامپیوتر نمی تواند به طور صد درصد مسایل هوش مصنوعی را detect کند. و کامپیوترها هیچگاه قوی تر از ماشین الکترومکانیکی ماشین تورینگ نخواهند بود و چون turing machine هیچگاه هوشمند نمی شود پس کامپیوترها امروز هیچگاه هوشمند نخواهند شد.

مسائلی که انسان با آن مواجه است درستند
قبلاً حل شده اند و یا حل شده اند یا اصلاً حل نمی شوند

مسائل { Problem

Question

Problem { decidable
undecidable

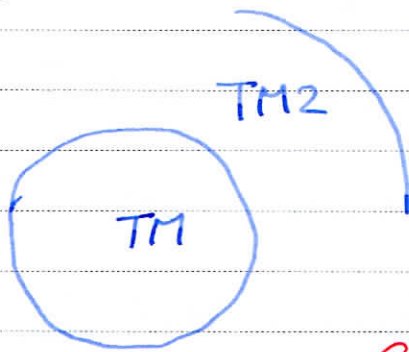
اصلاً حل نشده اند و هنوز نمی دانیم که حل می شود یا حل نمی شود.
Problem قبلاً حل شده اند و یکبار دیگر می خواهیم آنرا حل کنیم. یا می دانیم حل نمی شوند یا حل می شود.

اصول مسائلی که انسان حل می کند درستند (راه ها درستند)

رسته ۱: راه حل هایی که قدم پذیرند: $1, 2, 3, \dots$ Turing Machine

رسته ۲: راه حل هایی که ترتیب پذیر نیستند. ماشین تورینگ که بهی که ترتیب پذیر نباشند
اصلاً انجام نمی دهد. مانند تجربه ای که یک متخصص به دست می آورد و قابل انتقال نیستند.

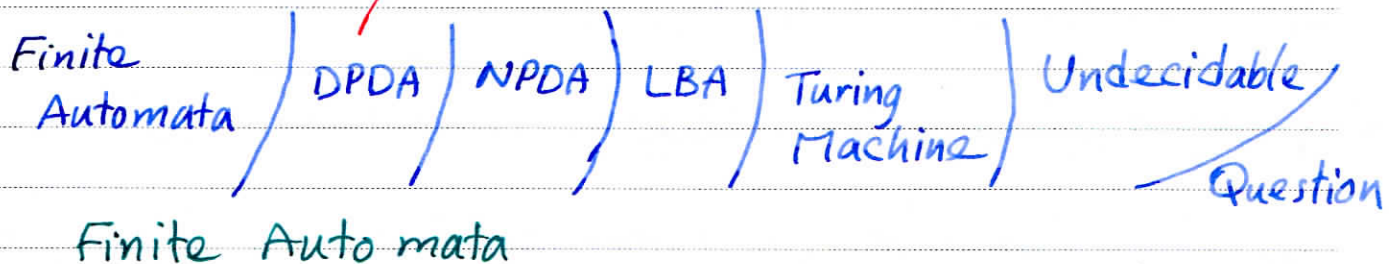
Turing Machine می تواند مسائلی را که قدم پذیر هستند را حل کند. اگر ماشین دوم بتواند
مسایی خارج از فضای TM را حل کند آنگاه باز مسائلی خواهد بود که این ماشین
دوم نیز نمی تواند آنرا حل کند و این آخر



* تطابق پذیری: رشد علوم کامپیوتر

Computer Technology

کریسی زبانها و ماشینها



Finite Auto mata

NFA \equiv DFA

این ماشین محدود است و زبان که این ماشین تولید/قبول

Subject:

Year: Month: Date: ()

می‌کند نامحدود است دلیل آنکه ماشین محدود است آنست که حافظه در این ماشین محدود است

DPDA: Deterministic Pushdown Automata

کیبسته بعنوان حافظه برای پذیرش زبان دارد که نامحدود است ولی برای دستیابی به عنصری که در بسته قرار می‌گیرد باید تمام عناصر بالای آنرا بخوانیم.

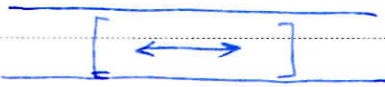
NPDA: Non deterministic Push Down Automata

می‌توان NPDA را توسط چند بسته با هم ایجاد کرد که قدرت آن از DPDA بیشتر است

$NPDA \neq DPDA$



LBA: Linear Bounded Automata



از دو طرف باز است ولی محدود است.

TM: Turing Machine



محدودیت ندارد

Undecidable

تقسیم ناپذیرها: می‌دانیم که نمی‌توانیم آنرا حل کنیم

Question

اصلا نمی‌دانیم می‌توانیم آنرا حل کنیم یا نه!

* مسائلی که می‌توانیم با کامپیوتر حل کنیم deterministic هستند بعضی از مسائل

زانا nondeterministic هستند.

* کامپیوترها از نظر تکنولوژی DPDA هستند دلیل آن این است که حافظه کامپیوتر محدود

است ولی از نظر تئوری تا حد ما همین تورینگ است.

توقف کامپایلر : کامپایلر یک DPDA غیر مبهم است . برای مثال :

این جمله به تنهایی درست است . `int a, b[10];`

این جمله نیز به تنهایی درست است . `a = a + b;`

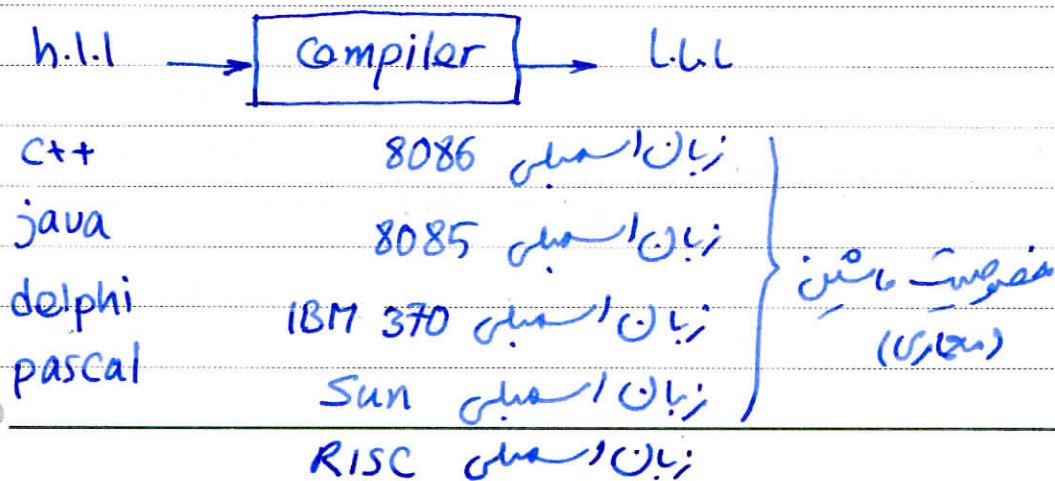
ولی هر دو با هم غلط هستند.

* کامپایلر نمی تواند کام error های یک برنامه را نشان دهد.

طراحی زبانها : هم خطاهایی که مربوط به تقویم زبانها هستند را می تواند تشخیص دهد .
طراحی وسیله سازی زبانها : هم خطاهایی که مربوط به طراحی وسیله سازی هستند را نمی تواند تشخیص دهد.

توقف کامپایلر :

تعریف عام است : یک مترجم است که یک برنامه به زبان سطح بالا را به یک برنامه به زبان سطح پایین (ماشین) ترجمه می کند.



Subject :

Year . Month . Date . ()

تعریف علمی تر: کامپایلر یک Source Program را به یک Target Program تبدیل می کند

Source Program \rightarrow Compiler \rightarrow Target Program

فایده ۱: کمتر خطا را ایجاد می کند

فایده ۲: محاسبه ی کمتری انجام می دهد

if $a > b$ then $a := a + b$; $\notin C$
 $\in \text{pascal}$

if if, then then else := else + if; $\notin \text{pascal}$
 $\in P/H$

int a, cin;

cin = 1; a = 1;

cin = cin + a;

cout << cin;

$\in C++$

H.L.L \rightarrow Compiler \rightarrow L.L.L

Frontend

Backend

وابسته به زبان مبدأ

وابسته به زبان مقصد

اگر ما زبان را تغییر دهیم و وابسته به سیستم به $m+n$ کامپایلر نیاز است.

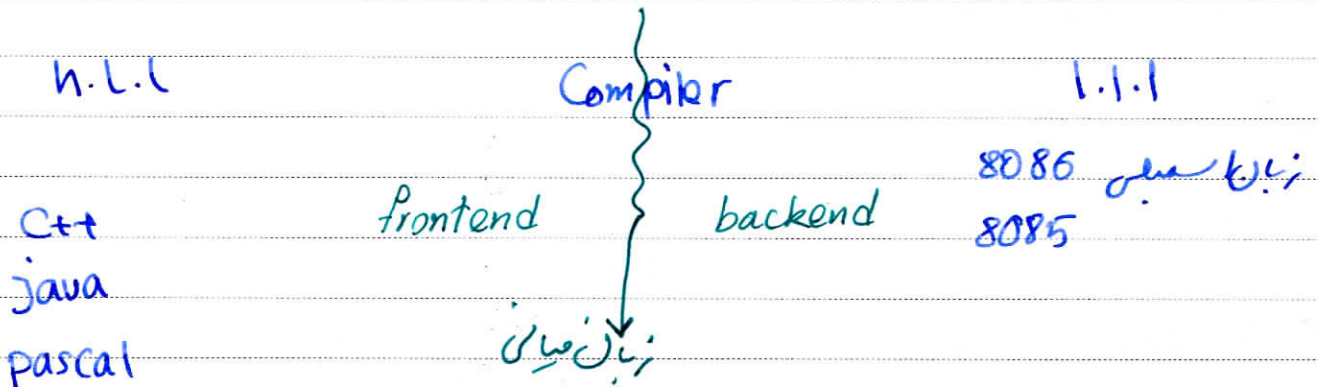
تقسیم $f.e$, $b.e$ می کند به جایی هزینه $O(mn)$ با هزینه $O(m+n)$ به $m+n$ کامپایلر می رسیم.

استاد سیدانی تبار

۱۸:۴۵ - ۱۸:۰۰

جلسه دوم

Frontend: فازهای از یک کامپایلر است که وابسته به زبان مبدأ (در اینجا زبان سطح بالا) می باشد. در حقیقت فوخلر زبان مبدأ بررسی می گردد.



مرتب تقسیم بندی Frontend و backend در چیست؟

اگر m زبان و n ماشین (محصار) داشته باشیم واضح است که به $m+n$ کامپایلر خاص نیاز است. با توجه به عدم وابستگی طراحی Frontend و backend به یکدیگر

می توان برای هر زبان یک Frontend طراحی و برای هر ماشین

داشتن یک کامپایلر خاص کافی است. Frontend زبان مربوط را متوالی با

backend محصور مربوط کند کنیم. با این تفریق هزینه ساخت $m+n$ کامپایلر

برابر $O(m+n)$ به جای $O(m \cdot n)$ خواهد بود.

if $sum > avg$ then $sum := sum + 1$

token یا نشانه عملیاتی هستند که برای

لغت (شماره ۱) : token کوپترین جز معنی دار در یک برنامه نوشته شده

بیک زبان را گویند. برای مثال:

if sum > ave then sum := sum + 1;

۱۱ token در زبان پاسکال

if (sum > ave) sum += sum + 1;

۱۲ token در C

۱۳ token در pascal

if a >= b then a := a + 1;

۱۵ token در پاسکال

> a >= b

توضیح: برای token بندی source program کافی است که اکثر به کار رفته از دست
 چه در درون کد اکثره را با فرستیم تا به یک جدا کننده برسیم. رشته‌ی بفزیده یک token
 خواهد بود.

جدا کننده‌ها می‌توانند هر یک از موارد زیر باشند.

... \n \t blank [] () + * - /

مثال: کد اکثره‌هایی که نقش جدا کننده را دارند در جمله زیر به زبان پاسکال را پیدا

کنید: if a >= b then a := a + b;

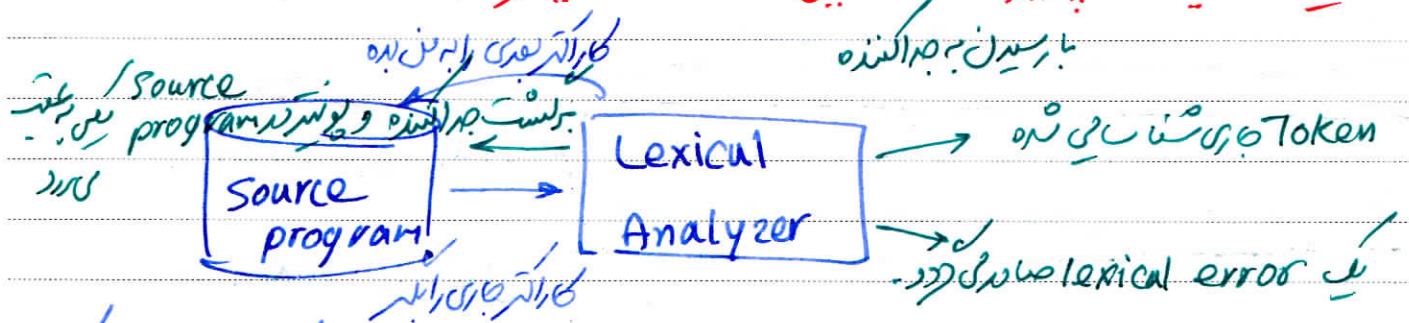
با استفاده از مفهوم جدا کننده‌ها در بحث فوق می‌توانیم بتوانیم یک token
 به یکی از دو طریق زیر مشخص می‌شود:

الف) نویسه جداکننده ها

۱۷ token در یک کال $if(a == x) == a + sum \ then \ a := a + b$

ب) دنباله ای از کاراکترها به زانته مفرد یک token است.

اولین فاز یک کامپایلر : فاز تحلیل لغوی (تحلیلگر لغوی Lexical Analyzer)



L.A هو بار یک کاراکتر، از source می خواند این حرف ادراک پیدا می کند تا به یک جداکننده

برسد در این صورت یا Token های شناسایی شده یا یک lexical error

صادر می شود. کاراکتر جداکننده به source برگشت داده می شود.

توجه: در هو بار فراخوانی Lexical Analyzer ابتدا کده کاراکترهای blank و tab (هفتی از خانواده blank) را رد می کند یعنی خوانده و دوری بگذرد

* وظیفه این تحلیلگر token بندی Source program می باشد.

چنانچه یک کاراکتر غیر مجاز، کاراکتری که جز الفبای زبان نیست در source program

به کار رود Lexical Analyzer با ردن آن وقوع یک خطای Lexical

را اعلام می کند

if sum = b@ + a;

↓
Lexical Error

Subject :

Year . Month . Date . ()

فاز دوم کامپایلر: تحلیل نحوی (Syntax Analyzer)

نحو : عربی

grammar : انگلیسی

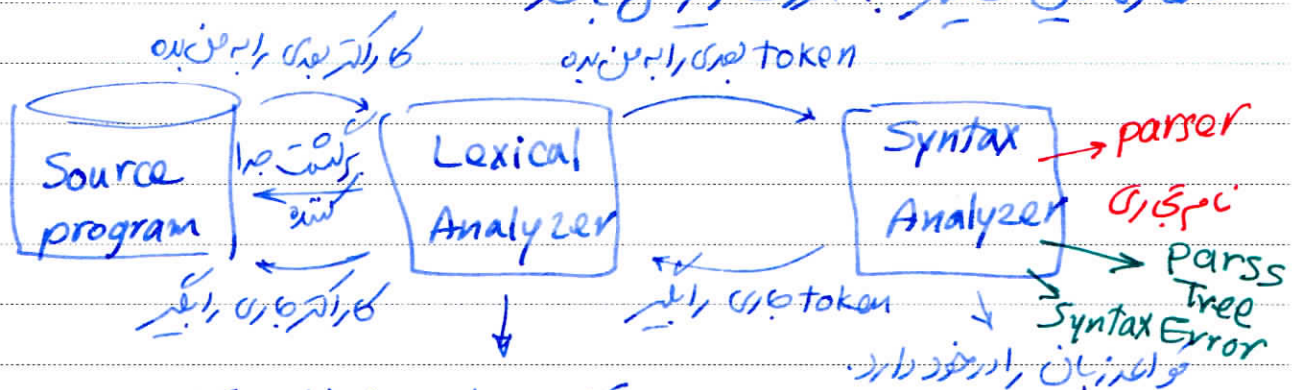
مثال: if a >= then a = a + * ;

10 token در پاسکال دارد

وظیفه این تحلیلگر بررسی درستی ترتیب قرار گرفتن token ها در کنار یکدیگر بر اساس قواعد زبان مربوطه می باشد. مثلاً الان بر اساس قواعدی زبان پاسکال قبل از then یک identifier استفاده و * اضافه است. و

گرامر زبان به ما می گوید که چه یک token درست است یا نه یعنی الان این token اضافه است یا به اندازه است برای همین 50٪ می تواند خطا را نشان دهد.

معنای این تحلیلگر به صورت زیر می باشد



قواعد مربوط به زبان ندارد، قواعد token ندارد

یک Finite Automata برای آن کافی است

Subject:

Year:

Month:

Date:

Syntax Analyzer فرایندی می شود
Lexical Analyzer به توسط
که زبان را می شناسد.

Syntax Error یا Parss Tree است یا Syntax Analyzer فرای

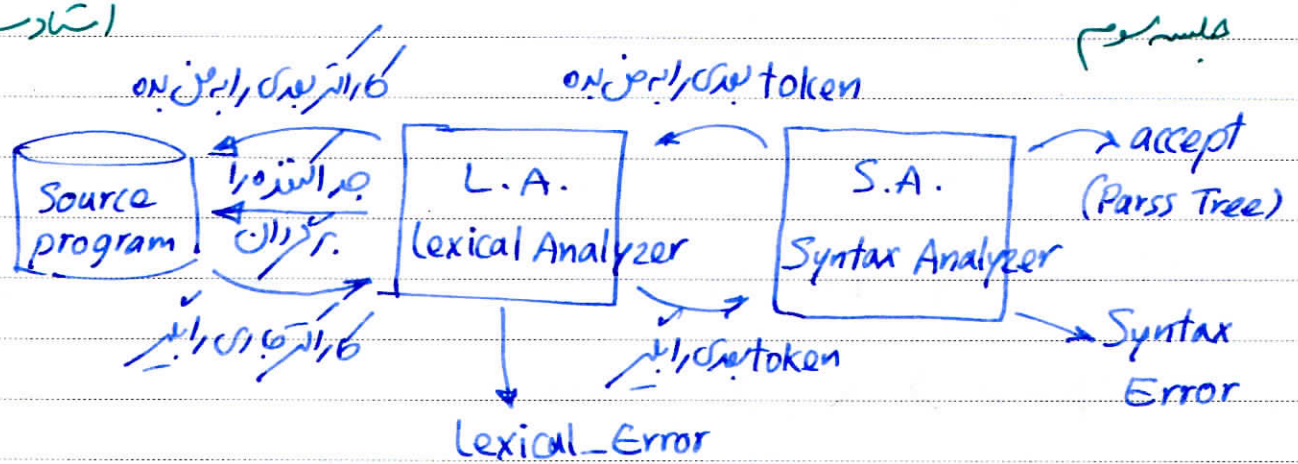
می باشد و در صورت فرای Parss Tree به معنی آن است که از تقو گزاری

امکان پذیر است و اصطلاح گفته می شود که accept می شود.

این Parss Tree مشابه درخت اشتقاق می باشد.

* parser نام جاری Syntax Analyzer می باشد
(یا تجزیه کننده)

استاد سید علی نبی



نوع: انتهای Source Program ، token و برای بنام end of file

end of source program وجود دارد که در این درس آنرا بنام \$ معرفی می کنیم.

هوزبان برنامه نویسی یک سری قواعد تولید برای Source Program های خود دارد.

مثال: می خواهیم با استفاده از مجموع قواعد زیر که مربوط به زبان پاسکال باشد

جدا از یک برنامه به زبان پاسکال، اتومات Syntax Analyzer تعریف کرده در جهت

تجزیه آنرا رسم کنیم.

block → begin stmts end

stmts → if_stmts | while_stmts | ... | assignment_stmts

if_stmts → if bool_expr then stmts

if_stmts → if bool_expr then stmts else stmts

bool_expr → bool_expr bool_op bool_expr

bool_expr → bool_op bool_expr ~~~~~ not

bool_expr → (bool_expr)

$bool_expr \rightarrow expr$

$expr \rightarrow expr \text{ arithmetic_op } expr \mid (expr) \mid id$

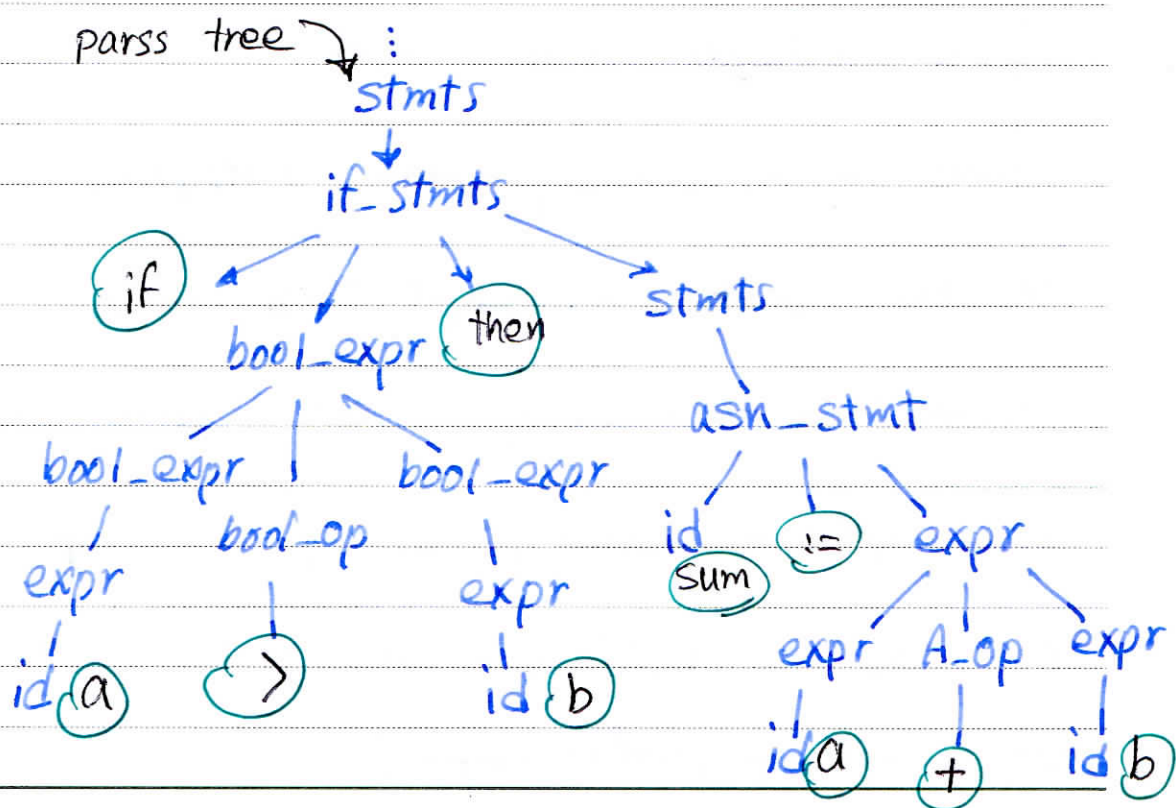
$A_op \rightarrow + \mid - \mid * \mid / \mid \dots$ مستطقی token ها هستند

$bool_op \rightarrow > \mid < \mid >= \mid AND \mid \dots$

$assignment_stmt \rightarrow id := expr$

مثال: می خواهیم ببینیم چه زبانی که در واقع source program ها را تولید می کند در بالا می تواند تولید کند یا خیر؟ اگر بتواند تولید کند یعنی Syntax Analyzer توانسته یک parse tree بسازد. اگر بتوانیم parse tree آن را بسازیم یعنی جمله ای دارد این خطا ندارد.

Source Program: $if \ a > b \ \text{then} \ sum := a + b$



Subject:

Year: Month: Date: ()

Source program اگر ما بزرگهای این درخت را از چپ به راست ببینیم در واقع داریم این
را می بینیم. به این درخت Parse tree گفته می شود. عبارت دیگر پیمایش

inorder این درخت همین Source program را به ما خواهد داد.

ما توانستیم این Source program را توسط قواعد این زبان pars کنیم.

اینکه ما بتوانیم کدام قاعده را استفاده کنیم ما از گرامر، جدولی را خواهیم ساخت که در مجرای کوی جت خواهد شد. این جدول به کامپیوتر خواهد گفت کدام قانون را استفاده کنیم.

استاد: Source Program توسط گرامر مربوطه تجزیه شد در درخت تجزیه بدون غلط

ساخته شد پس Source Program داده شده غلطی نداشت.

فاز سوم: تحلیلگر معنایی Semaic Analyzer

در فاز تحلیل نوی ترتیب قرار گرفتن token های Source program با استفاده از قوانین تولید گرامر بررسی می شود و تنها نوع Token، محتاطی شود.

وی هو token عده بر نوع و نام خود دارای ویژگی های بسیاری می باشد که می تواند در صورت جلات نفس داشته باشد.

مثال: دو جملی زیر هر کدام به تنهایی صحیح می باشند اما این دو جمله در کنار یکدیگر

غلطی type mismatch (عدم تطابق type) را صادر می کنند.

int a, b[10];

جملی اول

a = a + b;

جملی دوم

صفات ویژگیهای token

token	نوع token	type	scope	...
a	id	scalar integer		
b	id	array integer		

در Syntax Analyzer فقط اجزای از توکن نوع و نام token بررسی می شود ولی در Sematic

Analyzer از توکن Type و scope و ... نیز بررسی می شود .

در فاز سنجش کجها به طراحی و پیاده سازی زبانهای برنامه نویسی برای ورودی درجست Syntax

چک می کند که معنی تطابق زبان بررسی گردد . مبانی مانند آرث بری ، scope ها ،

type mismatch ها ، type checking ها به Sematic Analyzer بررسی می گردد .

توضیح : خطای لغوی (lexical) برای یک token رخ می دهد ، خطای syntax

برای یک جمله رخ می دهد و خطای معنایی در تطابق گرفتن ویژگیها و معنای توفیق شده

چندین جمله را بررسی می کند . اگر خطا از منبع شدن معنای جملات دیگر باشد به آن خطای معنایی

سه فاز تحلیل لغوی ، تحلیل نحوی و تحلیل معنایی به همراه فاز بعدی (تولید کننده میانی)

frontend یک کامپایلر را تشکیل می دهد که این سه فاز خواص ویژگیهای زبان

را در سطح لغت (token) ، جمله و کل برنامه بررسی می کند .

فاز چهارم : تولید کننده میانی Intermediate Code Generator ICG

از روی درخت تجزیه معنای مرحله قبل برنامه ای به زبان میانی تولید می شود که جملات

Subject:

Year: Month: Date: ()

آن ویژگی زیر را دارند:

افعال جهت ساده‌ی انتساب می‌باشند (با جهت شرطی و غیر شرطی پرش و فراخوانی توابع یا زیر برنامه‌ها)

مثال: می‌خواهیم جهت سطح بالای زیر را که از لحاظ syntax و semantic صحیح می‌باشد به جملات زبان میانی تبدیل کنیم:

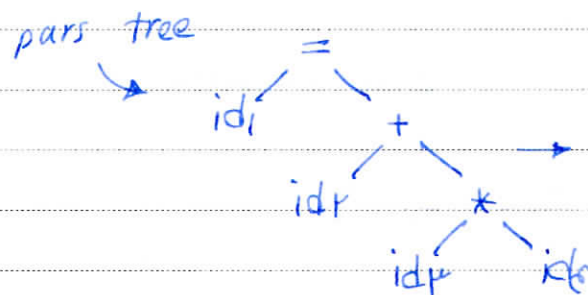
sum := a + b * c for pascal

sum = a + b * c for C

$id_1 := id_2 + id_3 * id_4$

$id_1 = id_2 + id_3 * id_4$

pars tree



S.A.

Syntax Analyzer

I.C.G

Intermediate Code Generator

$t_1 \leftarrow id_4$

$t_2 \leftarrow id_3$

$t_3 \leftarrow id_2$

$t_4 \leftarrow t_1 * t_2$

$t_5 \leftarrow t_3 + t_4$

$id_1 \leftarrow t_5$

یک کد میانی که مستقل از زبان است.

مثال: می خواهیم بسینیم source code , intermediate code

به چه شکل ساخته می شود.

if $id_1 > id_2$ then $id_2 := id_1 + id_2$;

$t_1 \leftarrow id_1$

$t_2 \leftarrow id_2$

$t_2 \leftarrow t_1 - t_2$

JEL $t_2, L_1 \rightarrow \text{label}$

$t_2 \leftarrow t_1 + t_2$ شماره برای پرش

$id_2 \leftarrow t_2$

$L_1 : \dots$

* نتیجه می باشد intermediate code generator

برای C نیز همین مشاهده بود.

فاز پنجم: بهینه سازی که میانی ICO: Intermediate Code Optimizer

در این فاز برنامه به زبان که میانی از کماط تعداد جبات و تعداد متغیرهای کمی کمینه می شود (minimum)

sum := a + b;

مثال:

$t_1 \leftarrow id_1$
 $t_2 \leftarrow id_2$
 $t_2 \leftarrow id_2$
 $t_2 \leftarrow t_1 * t_2$
 $t_2 \leftarrow t_2 * t_2$
 $id_1 \leftarrow t_2$

Intermediate

Code

Generator

$t_1 \leftarrow id_1 * id_3$

$id_1 \leftarrow id_2 + t_1$

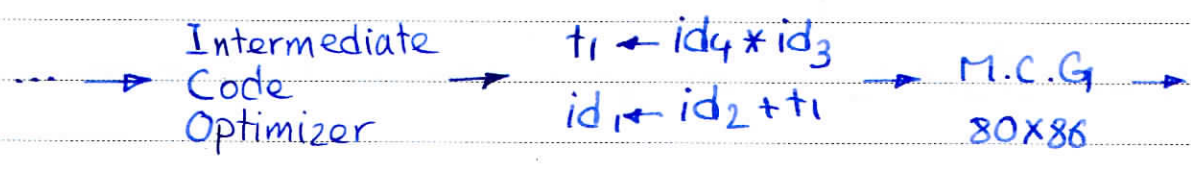
نوع: بخشهای تکمیل نحوی و تکمیل معنایی و تکمیل لغوی و تولید که میانی در حوزه های کامپیتر

چندان جای تحقیق و پژوهش ندارد اما بحث بهینه سازی که یکی از مباحث به روز می باشد

فاز ششم: تولید که ماشین M.C.G Machine Code Generator

بر اساس فرمت دستورات اسمبلی معماری ماشین از روی کد میانی بچینه شده جبات اسمبلی مربوط به دست می آید.

sum := a + b * c ;



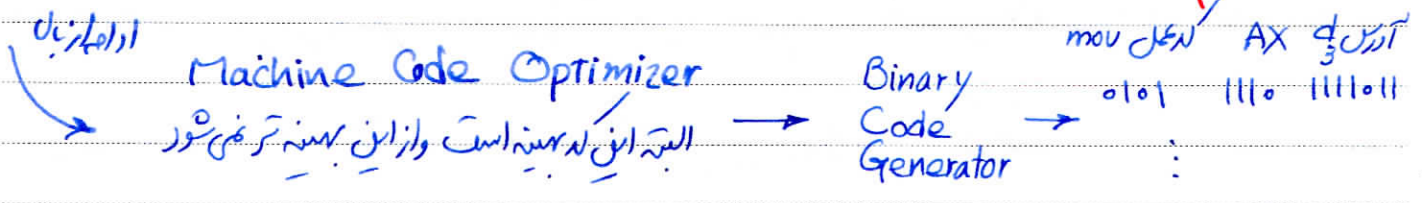
MOV AX, id3
 MUL AX, id4
 ADD AX, id2
 MOV id1, AX

* این جبات دستوراتی هستند که در اسمبلی 8086 قابل اجرا هستند.

ادامه دریا سن

M.C.O Machine Code Optimizer فاز هفتم:

B.C.G Binary Code Generator فاز هشتم: تولید کننده کد باینری



لینکر و لودر loader

می دانیم برنامه های سطح بال برای اجرا به فایل های گنجان زبانی برای اجرا نیاز دارند.

از جمله فایل های سیستم عامل و دستگاه های جانبی. به واحدی که عمل پیوند

که فایل های گنجان را برای تکمیل شدن که برنامه قابل اجرا بودن آنها انجام می دهد لینکر

یا پیوند دهنده گویند.

برنامه های قابل اجرا (فروچی واحد لینکر) بایستی بر روی حافظه بار شود تا بتواند

توسط CPU اجرا گردد. به واحد بار کننده اصطلاحاً loader می گویند.

استاد سلیمانی تبار

جلد چهارم

گرامرهای Context Free و زبانهای برنامه نویسی

تعریف گرامر Context Free: هر چارتابی به فرم $G = (V_N, V_T, S, P)$ یک Context Free Grammar توسط V_N مجموعه‌ای محدودی از Noun Terminalها، V_T مجموعه‌ای محدودی از Token های زبان $S \in V_N$ سبیل شروعگرامر و P مجموعه‌ای قوانین تولید گرامر $a \rightarrow \alpha \mid a \in V_N \mid \alpha \in (V_N \cup V_T)^*$

تعریف درخت اشتقاق: درخت اشتقاق درختی است که ریشی آن سبیل شروع

گرامر و گره‌های میانی درخت Noun Terminal های گرامر و برگ‌های درخت Token

های گرامر به همراه ϵ می‌باشد، به طوریکه Source Program داده شده در

برگ‌های درخت token به token لایچ به راست می‌آیند.

تعریف گرامر مبهم: گرامر Context Free بنام G مبهم گوییم اگر تنها اگربرای حداقل یک رشته متعلق به زبان گرامر $L(G)$ بیش از یک درخت اشتقاق

وجود داشته باشد.

واقع است که تعداد رشته‌های یک گرامر Context Free در حالت کلی نامحدود

است. نتیجه‌گیری کنیم مشخص کردن مبهم بودن یا نبودن یک گرامر امری حل‌ناپذیر نیست

(تقسیم‌ناپذیری)

در بحث کامپایلر ابزاری وجود دارد که با استفاده از آن‌ها می‌توانیم گرامر را مورد آزمایش

Subject:

Year: Month: Date: ()

قرار دهیم و اگر از آن ابزار سر بلند بیرون بیاید قطعاً گرامر مبهم نیست، اگر سر بلند بیرون نیاید نمی توانیم در مورد مبهم بودن یا نبودن آن استدلال کنیم. چنانچه یک گرامر مبهم باشد بایستی آن را با روشهای محدودی رفع ابهام کنیم که معمولاً زبان گرامر تفسیری کند.

مثال: نگه ای از گرامر زبان PL1 برای تولید جداول if-then-else در زیر آمده است. با توجه به Source Program داده شده نشان دهید این گرامر ابهام دارد. (بارم)

درستی اشتقاق)

Grammar:

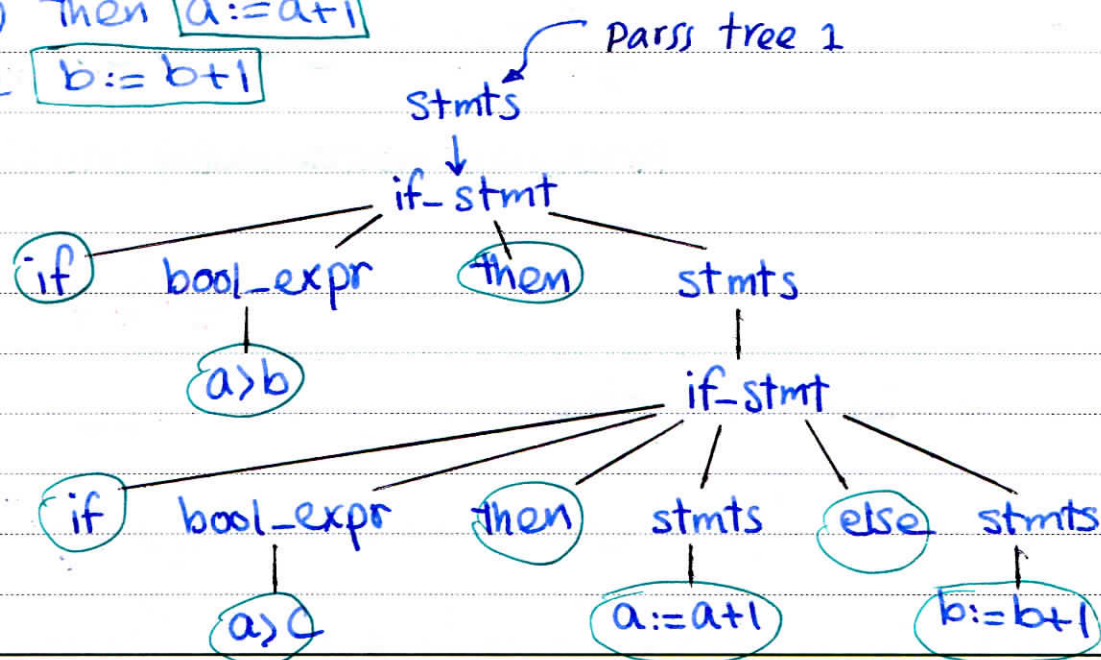
$$\text{stmts} \rightarrow \text{if-stmt} \mid \text{asn-expr} \mid \dots$$

$$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if bool-expr then stmts}$$

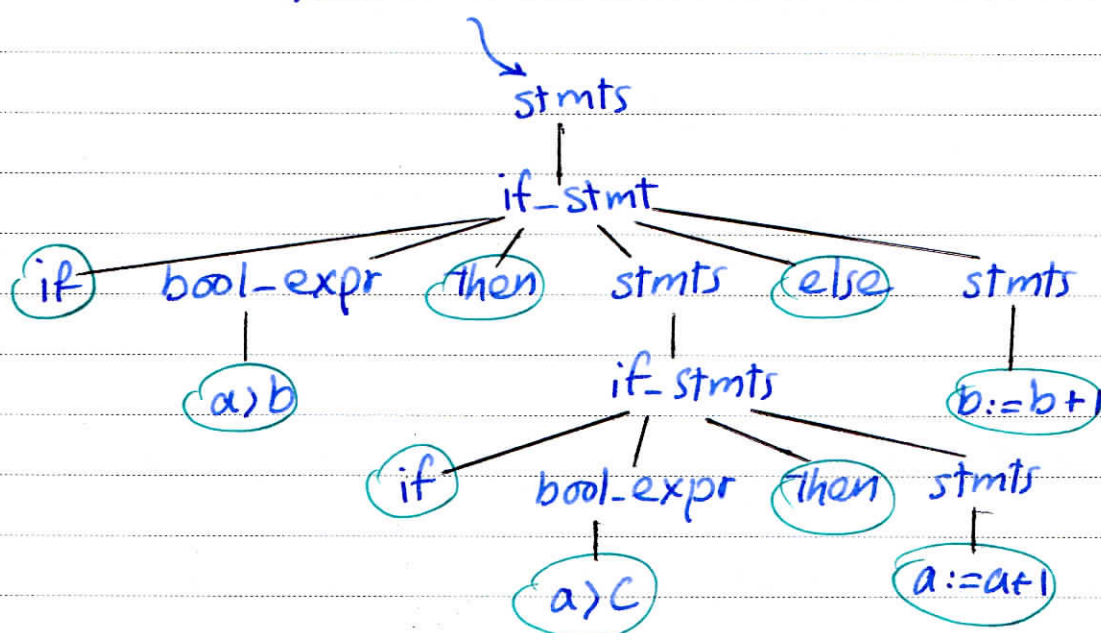
$$\text{if-stmt} \rightarrow \text{if bool-expr then stmts else stmts}$$

Source Program:

if (a>b) then

if (a>c) then $a := a+1$ else $b := b+1$ 

Parse tree 2



چنانچه با Parse Tree دوم ما این دستور را اجرا کنیم در صورت عدم برقراری شرط $a > b$ دستور

$b := b + 1$ اجرا خواهد شد. در صورتیکه ما در منطق برنامه نویسی خود می دانیم همیشه $else$ مربوط به

تردیکترین if می باشد و لذا نظر منطق برنامه نویسی باید توسط Parse tree اول این دستور اجرا شود.

از رسم درختهای اشتقاق فوق، نتیجه گرفتیم که گرامر فوق ابهام دارد.

اشتقاق سمت چپ ترین و اشتقاق سمت راست ترین

RMD (right most derivation) LMD (left most derivation)

تعریف اشتقاق سمت چپ ترین:

اگر در مراحل اشتقاق یک رشته از گرامر اولویت با یزینی Noun Terminal های

یک گرامر با سمت چپ ترین Noun Terminal های موجود باشد به اشتقاق حاصل

اشتقاق سمت چپ ترین گویند. (به طور مشابه اشتقاق سمت راست ترین تعریف می شود)

Subject:

Year: Month: Date: ()

مثال: گرامر Context free زیر، در نظر گرفته و برای Source Program

داره شده تمام اشتقاقهای سمت چپترین و تمام اشتقاقهای سمت راستترین

تمام درختهای اشتقاق را به دست آورید.

$P_G: E \rightarrow E + E$

Source Program:

$E \rightarrow E * E$

$id_1 + id_2 * id_3$

$E \rightarrow id$

LMD: left most derivation

1: $E \rightarrow E + E \Rightarrow id_1 + E \rightarrow id_1 + E * E \rightarrow id_1 + id_2 * E \rightarrow$
 $\rightarrow id_1 + id_2 * id_3$

Source Program

2: $E \rightarrow E * E \rightarrow E + E * E \rightarrow id_1 + E * E \rightarrow id_1 + id_2 * E \rightarrow$
 $\rightarrow id_1 + id_2 * id_3$

Source Program

RMD: right most derivation

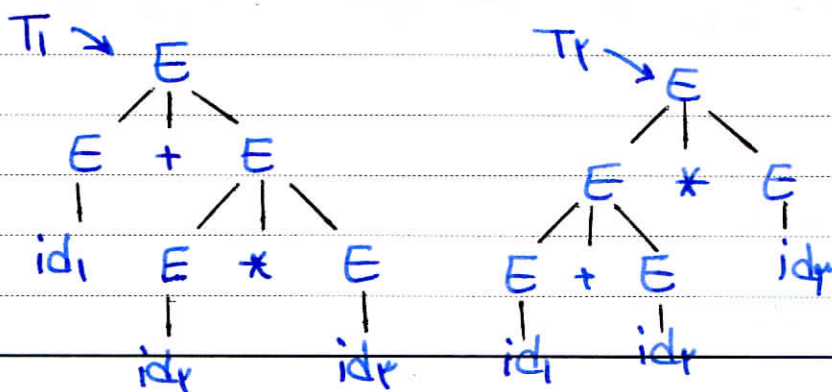
1: $E \rightarrow E + E \rightarrow E + E * E \rightarrow E + E * id_3 \rightarrow E + id_2 * id_3 \rightarrow id_1 + id_2 * id_3$

Source Program

2: $E \rightarrow E * E \rightarrow E * id_3 \rightarrow E + E * id_3 \rightarrow E + id_2 * id_3 \rightarrow id_1 + id_2 * id_3$

Source Program

Parse Tree



هر درخت اشتقاقی هم درخت LMD دارد و هم RMD

تعریف کاملتری از گرامر میهم:

گرامر Context Free Grammar را می‌توانیم آن‌گونه تعریف کنیم که برای صوابی یک رشته از زبان بیش از یک درخت اشتقاق (بیش از یک اشتقاق است) وجود داشته باشد.

گرامرهای بازگشتی از چپ و گرامرهای دارای فاکتور مشترک چپ:

تعریف گرامر بازگشتی از چپ: گرامری که صوابی یک قانون بازگشتی از چپ داشته باشد.

تعریف قانون بازگشتی از چپ: هر قانون به فرم $A \rightarrow A\alpha$ را یک قانون بازگشتی از چپ گویند.

واضح است که برای قانون بازگشتی از چپ $A \rightarrow A\alpha$ صوابی با سبب قانونی به فرم

$A \rightarrow B$ وجود داشته باشد و β بتواند رشته‌ای از Token ها را تولید کند تا با طبع

A ، رشته‌ای از Token ها را تولید کند، در غیر این صورت $A \rightarrow A\alpha$ قانونی useless

نخواهد بود.

مشکل یک قانون بازگشتی از چپ: برای تولید یک رشته نمی‌توانیم چند بار بایستی $A \rightarrow A\alpha$

را به کار ببریم.

$$P_G : A \rightarrow Ab$$

مثال:

$$A \rightarrow \epsilon$$